

[1] 次の定積分を計算せよ。

$$(1) \int_{-1}^4 (x-5)(3x+2)dx \quad (2) \int_{-2}^3 (2x^2+2x-12)dx \quad (3) \int_{-2}^1 (t+1)(t-3)dt$$

$$(4) \int_1^2 (4x^3-2x+1)dx - \int_1^{-3} (4x^3-2x+1)dx \quad (5) \int_{3-\sqrt{5}}^{3+\sqrt{5}} (x^2-6x+4)dx$$

$$(6) \int_{-\sqrt{2}}^{\sqrt{2}} \left(x^5 - 3x^4 + 2x^3 - \frac{5}{4}x + 2 \right) dx \quad (7) \int_{-3}^2 |x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 6x| dx \quad (8) \int_0^5 |3x-6| dx$$

$$(9) \int_{-2}^3 (x^2 + 2|x+1| + 3) dx \quad (10) \int_{-3}^3 (x+1)(x+3)(x-4)(x-2) dx$$

[2] 次の等式を満たす関数 $f(x)$ を求めよ。

$$(1) f(x) = 2x - 3 \int_0^3 f(t) dt \quad (2) f(x) = 3x^2 + \int_0^1 (x-2t)f(t) dt$$

$$(3) f(x) = \int_0^1 txf(t) dt + \int_{-1}^1 f(t) dt - 2 \quad (4) \int_0^2 tf(t) dt - 3f(x) = 6 - \int_0^1 2xf(t) dt$$

[3] 関数 $f(x) = \int_{-1}^x (3t^2 + t - 2) dt$ の極大値と極小値とそのときの x の値を求めよ。

[4] 関数 $y = f(x)$ のグラフは、2点 $A(0, 2), B(2, 12)$ を通り、グラフ上の任意の点 (x, y) における接線の傾きは $3x^2 - ax + 6$ である。
このとき、定数 a の値と関数 $f(x)$ を求めよ。

[5] 関数 $f(x) = \int_{-1}^x (t^2 + 3t - a) dt$ が $x = -4$ で極大値をとるように定数 a の値を定めよ。
また、そのときの極小値を求めよ。